

Cours de physique générale I

pour étudiants en section d'Informatique

(automne 2025)

Dr. Stefano Rusponi
Laboratoire des nanostructures à la surface

Site web du cours:

<https://moodle.epfl.ch/course/view.php?id=15445>

Cours de physique générale I



pour étudiants en section d'Informatique

En raison du nombre élevé d'inscriptions en section d'Informatique,
l'EPFL propose deux cours identiques et simultanés:

même contenu

même exercices

même examen

même horaire

même vitesse d'avancement

Deux enseignants

Stefano Rusponi

(Laboratory of Nanostructures at Surfaces)

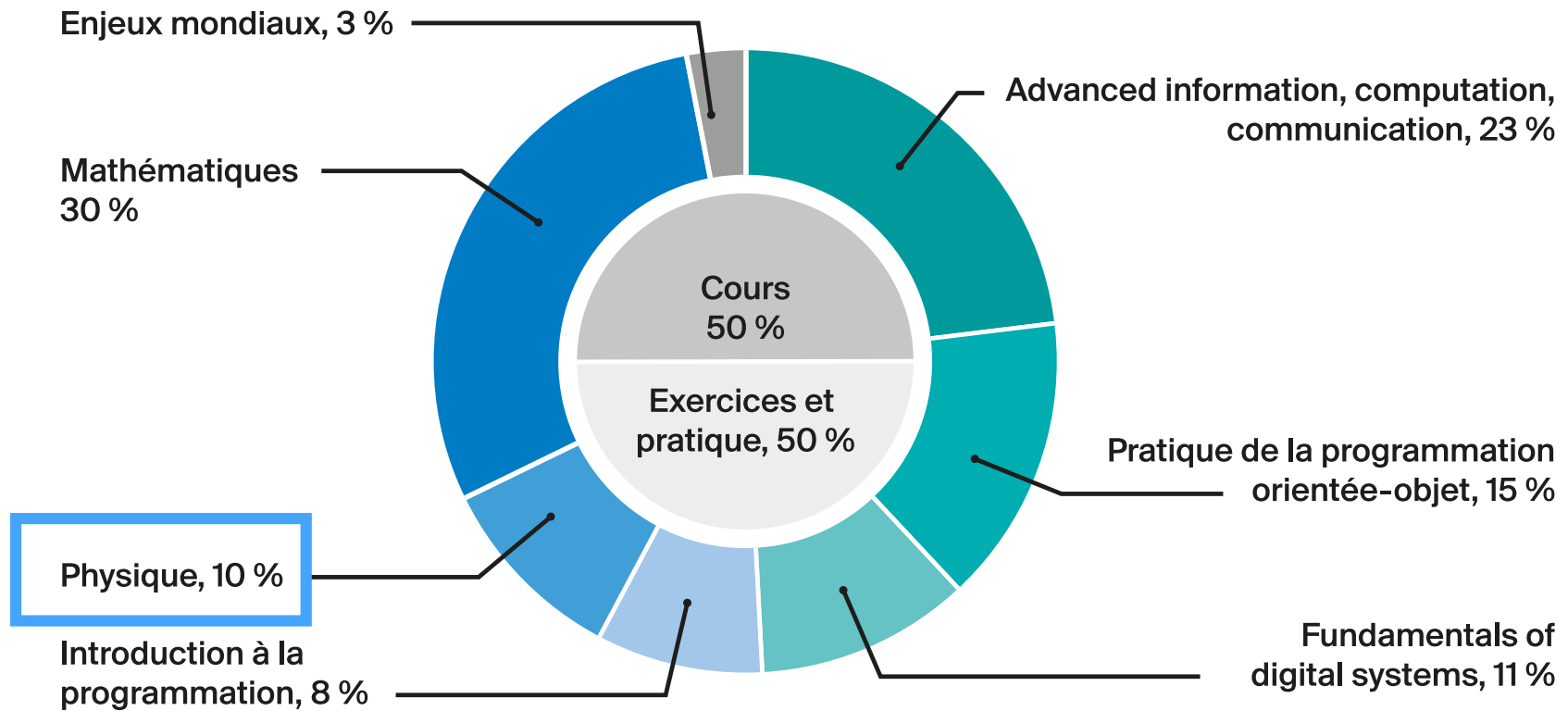
Christophe Galland

(Laboratory of Quantum and Nano Optics)

Site web du cours:

<https://moodle.epfl.ch/course/view.php?id=15445>

Informatique: plan d'études 1ère année



La Physique

La physique est la science qui cherche à **comprendre**, à **modéliser** et à **expliquer** les phénomènes naturel de l'Univers.

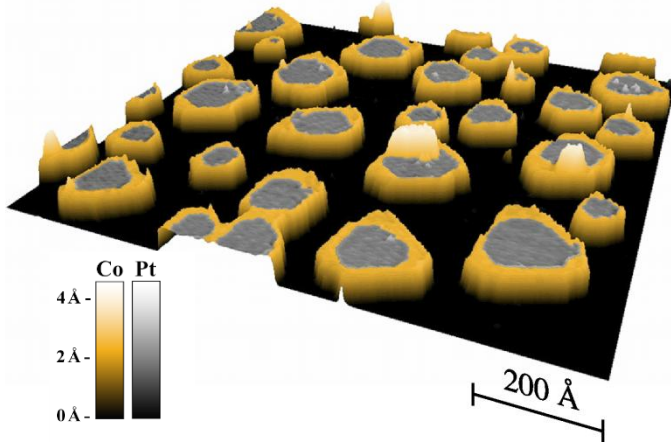
Donc, trois questions (et réponses) pour commencer:

- 1) Qui est la personne qui vous parle ?
- 2) Qu'est ce que on va étudier pendant le cours ?
- 3) Pourquoi il est important d'étudier la physique pour un étudiant en informatique ?

1) Mon domaine de recherche:

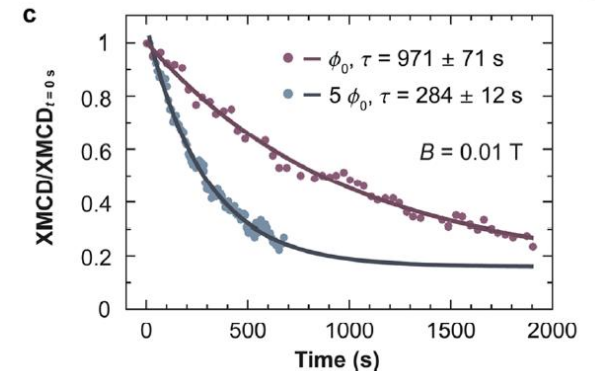
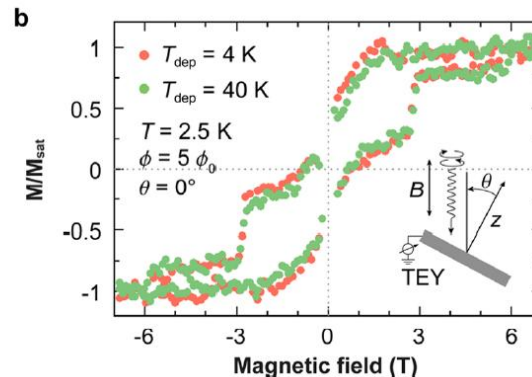
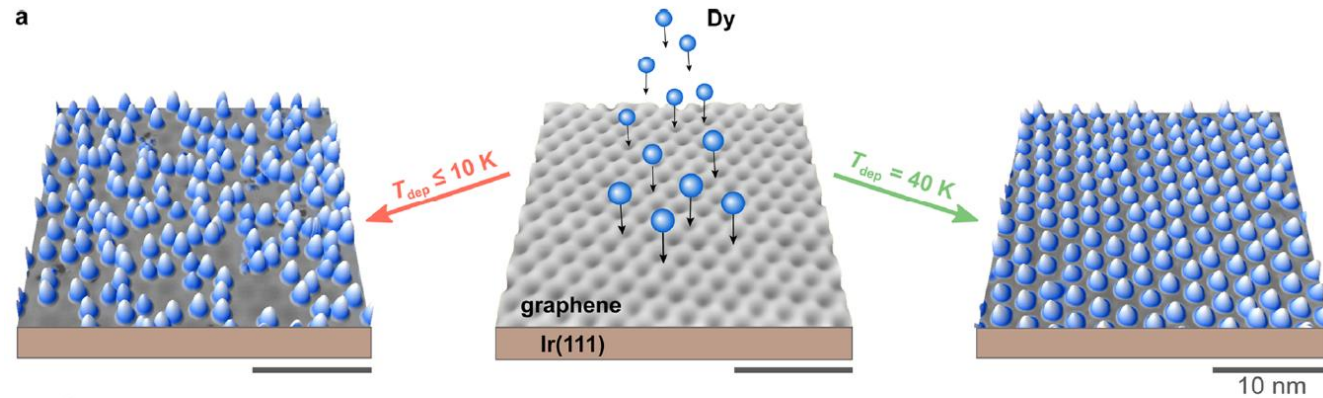
La croissance de nanostructures et leur propriétés magnétiques

2D clusters: Pt core and Co shell



S. Rusponi *et al.*, Nature Mat. **2**, 546 (2003).

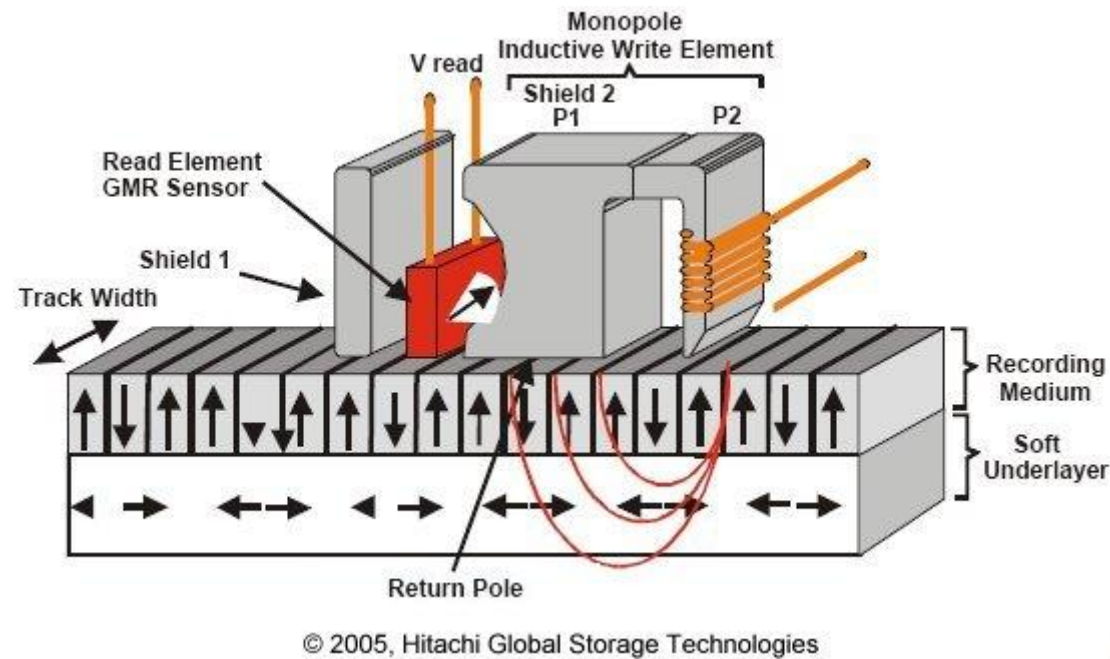
Superlattice of single atom magnets



R. Baltic *et al.*, Nano Letters **16**, 7610 (2016)

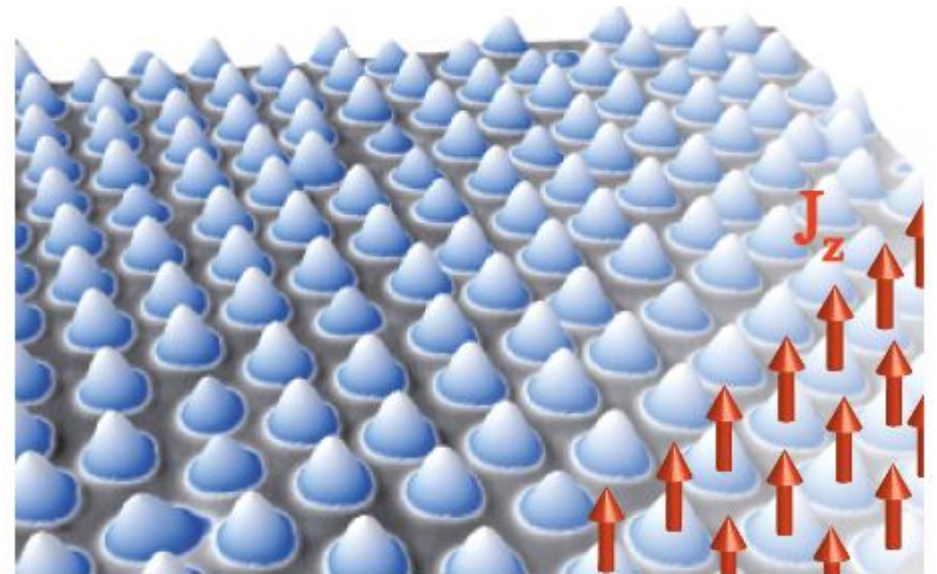
1) Mon domaine de recherche:

La croissance de nanostructures
et leur propriétés magnétiques



Un atome est le plus petit aimant:
système binaire idéale

Réseau ultra dense (>100 Tbit/in²)



2) La mécanique classique

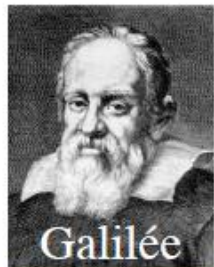
Mécanique:

- science du mouvement (et du repos) de systèmes matériels caractérisés par les variables d'espace et de temps.
- 3 sous thématiques:
 - **Cinématique:**
 - description du mouvement (temps, position, vitesse, accélération)
 - **Dynamique:**
 - étude de la relation entre le mouvement et les causes de sa variation (forces, lois de Newton, théorème du moment cinétique, ...)
 - **Statique:**
 - étude et description de l'équilibre (repos) des systèmes mécaniques (cas particulier de la dynamique, pour lequel tous les éléments du système sont au repos)

Mécanique classique (Newtonienne)

1. Lois de Newton et balistique
2. Cinématique, coordonnées cylindriques et sphériques
3. Oscillateur harmonique
4. Forces, travail et énergie
5. Moment cinétique et force centrale, gravitation
6. Changement de référentiel, dynamique terrestres
7. Système de points matériels
8. Cinématique et dynamique du solide indéformable

Le panorama de la mécanique



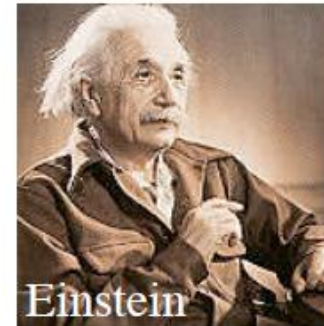
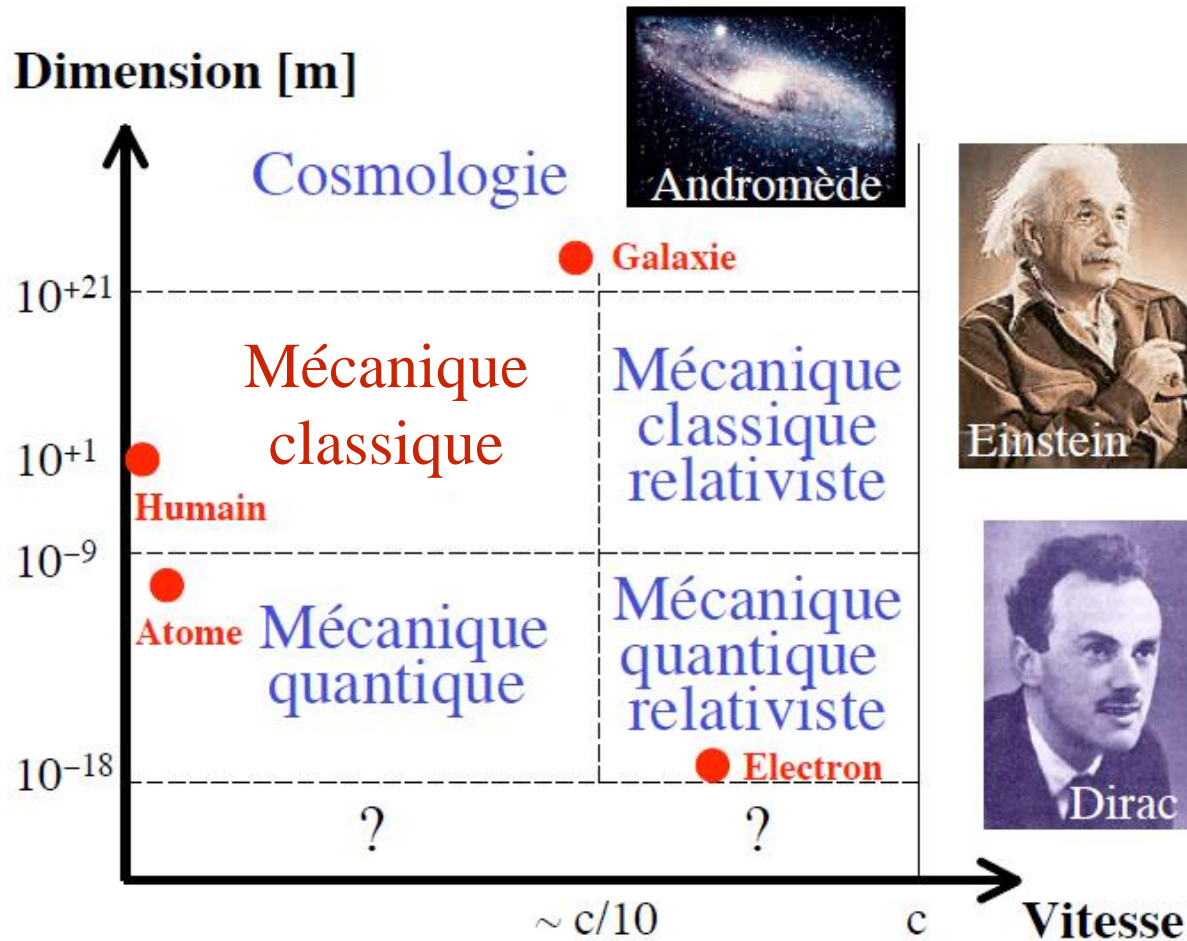
Galilée



Newton



Heisenberg



Einstein

Théorie de la relativité restreinte et générale



Dirac

Prédit l'existence de l'anti-matière

vitesse de la lumière dans le vide: $c \equiv 299'792'458 \text{ m/s}$

3) Pourquoi étudier la mécanique classique?

Quiz:

Pourquoi vous vous êtes inscrits à informatique ?

a) Pour étudier le mouvement d'un pendule
(mécanique classique)

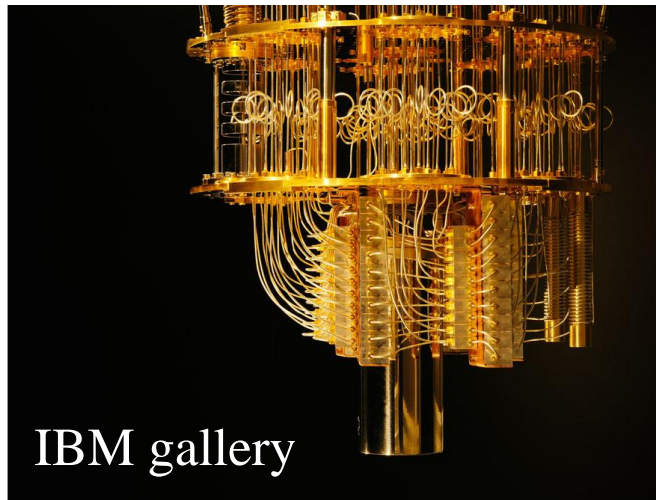
b) Attiré par l'intelligence artificielle, calculateur quantique,
(mécanique quantique)

c) Autre motivations

Galileo Galilei (1564–1642)



IL DIVINO GALILEO PATRIZIO FIOR DI FERDINANDO II. nato il dì XVIII Febbre MDLXII. Alla Profonda Dottrina, ed Universal Eruditione dell' Ill. Sig. Costante Francesco Revelli - Astronomo, e Matematico Celebre. Ricorda un Quadro in Tela di S. Pietro Salsomano, e dell' Ill. Sig. Gio. Cristof. Volpi. Firenze, All'Opera del 1682.



IBM gallery



Gestion d'un projet informatique

Exécution du code pour vérifier
son fonctionnement et corriger
les erreurs éventuelles

Test

Codage

Analyse

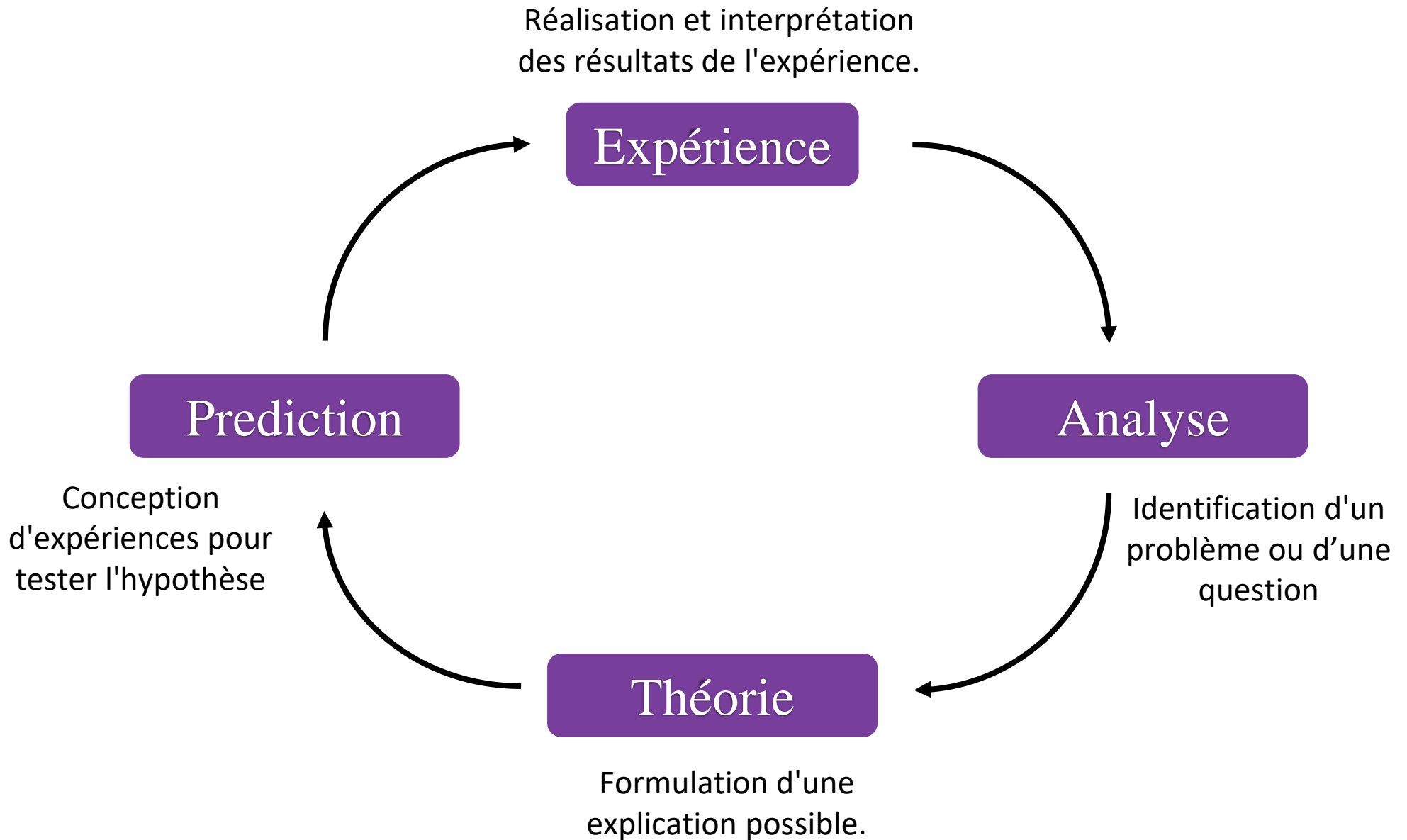
Traduction de
l'algorithme en un
langage de
programmation

Définition du
problème à
résoudre

Conception

Élaboration d'un algorithme pour
résoudre le problème

La méthode scientifique de Galilée



La méthode scientifique vs. programmation

Méthode scientifique:

- **Analyse:** Identification d'un problème ou d'une question.
- **Theorie:** Formulation d'une explication possible.
- **Prediction:** Conception d'expériences pour tester l'hypothèse.
- **Expérience:** Réalisation et interprétation des résultats de l'expérience.

Informatique:

- **Analyse:** Définition du problème à résoudre.
- **Conception:** Élaboration d'un algorithme pour résoudre le problème.
- **Codage:** Traduction de l'algorithme en un langage de programmation.
- **Test:** Exécution du code pour vérifier son fonctionnement et corriger les erreurs.



Très similaires

Il faut apprendre la méthode scientifique
pour résoudre n'importe quel type de problème

La mécanique (qui décrit notre quotidien) est le meilleur exercice

Les mathématiques: langage de la physique et de l'informatique

Physique:

Sur la base des propriétés observées de la matière et des interactions, le physicien tente d'expliquer les **phénomènes naturels** observables

Les « explications » sont données sous forme de **lois** aussi fondamentales que possible: **elles résument notre compréhension des phénomènes physiques**

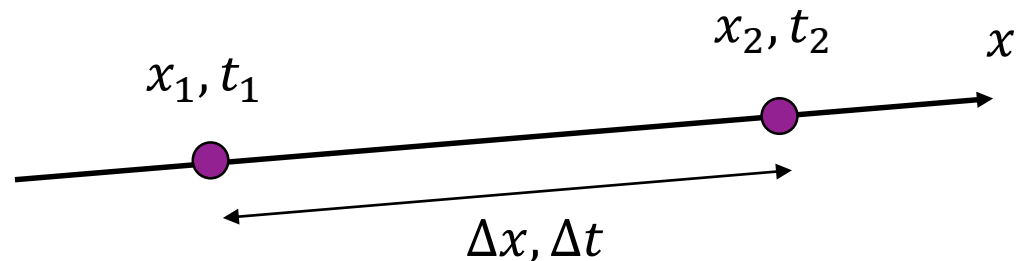
Les lois s'expriment sous forme mathématique;
les **mathématiques** sont le langage de la physique

Informatique:

La programmation utilise les concepts **mathématiques** pour résoudre des problèmes et concevoir des algorithmes

Exemple de formulation mathématique: la vitesse

- Une particule se déplace en ligne droite, sur l'axe x
- Position en fonction du temps (équation horaire): $x = x(t)$
 - Au temps t_1 , position $x_1 = x(t_1)$
 - Au temps t_2 , position $x_2 = x(t_2)$



- **Vitesse moyenne** entre t_1 et t_2 :

$$v_{\text{moyenne}} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

- **Vitesse instantanée**;
on fait tendre $\Delta t = t_2 - t_1$ vers zéro:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx(t)}{dt} \equiv \dot{x}(t)$$

Vitesse = dérivée de la fonction $x(t)$ par rapport à t
dérivée de la position par rapport au temps

Exemple de formulation mathématique: l'accélération

- Vitesse en fonction du temps: $v = v(t) = dx/dt$
 - Au temps t_1 , vitesse $v_1 = v(t_1)$
 - Au temps t_2 , vitesse $v_2 = v(t_2)$

- **Accélération moyenne** entre t_1 et t_2 :

$$a_{\text{moyenne}} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

- **Accélération instantanée**
on fait tendre $\Delta t = t_2 - t_1$ vers zéro:

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv(t)}{dt} \equiv \dot{v}(t)$$

$$a = \frac{d^2x(t)}{dt^2} \equiv \ddot{x}(t)$$

Accélération = dérivée de la fonction $v(t)$ par rapport à t

dérivée première de la vitesse par rapport au temps

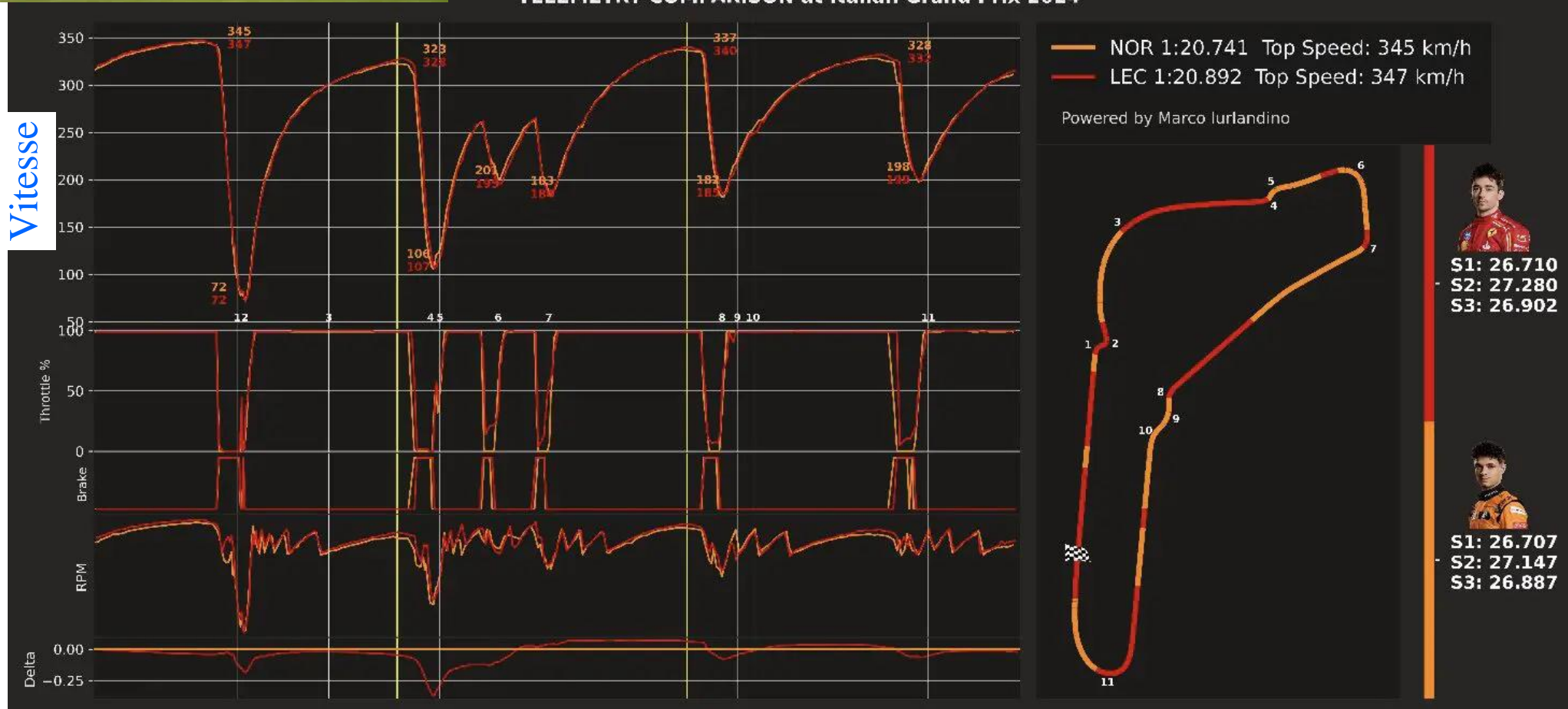
dérivée deuxième de la position par rapport au temps

Ex. pratique: télémétrie en F1



<https://www.funooanalistechnica.com/2024/08/ferrari-f1-fondo-monza.html>

TELEMETRY COMPARISON at Italian Grand Prix 2024



Nos voitures sont pleines de senseurs:
Contrôle de traction, réglage de vitesse, boîte automatique, antipatinage,...



Objectifs du cours de mécanique générale

- Apprendre à mettre sous forme mathématique un problème, une situation physique:
 - Définir le problème, le modéliser
 - Choisir une description mathématique
 - Poser les équations régissant la physique du problème
 - Résoudre et/ou discuter la solution
- Développer un « savoir-faire » pratique, mais également un esprit scientifique:
 - Repérer le sens physique derrière les équations
 - Savoir formaliser mathématiquement la donnée d'un problème physique

Site web du cours

<https://moodle.epfl.ch/course/view.php?id=15445>

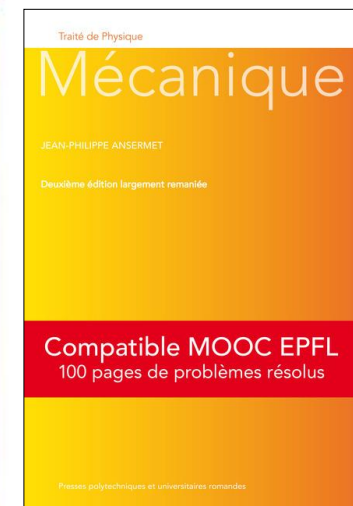
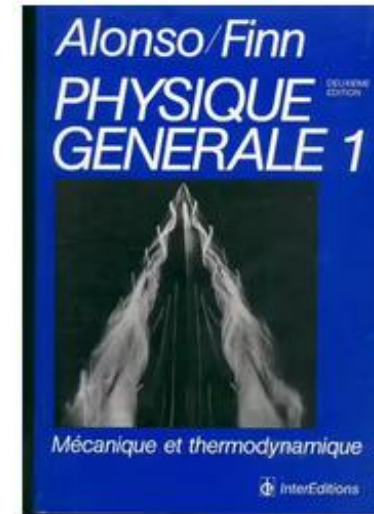
- Consultez les informations et ressources mises à disposition:

- Vos outils pour ce cours :  
- Organisation et annonces
- Planning pour chaque semaine du semestre
- Slides du cours
 - disponibles après chaque leçon
- Enoncés et corrigés des exercices, méthode de résolution
- Règles, modalités et infos pour l'examen
- Forum pour poser vos questions (cours, exercices, etc.)

Bibliographie

Bibliographie suggérée

- 1) *Physique générale 1* Alonso/Finn
- 2) *Mécanique* Jean-Philippe Ansermet



EPFL

Sections CGC, EL, IN & MX

Physique générale
Mécanique

Notes rédigées par Frédéric Mila
Revues et corrigées en collaboration avec
Christophe Galland et Stefano Rusponi

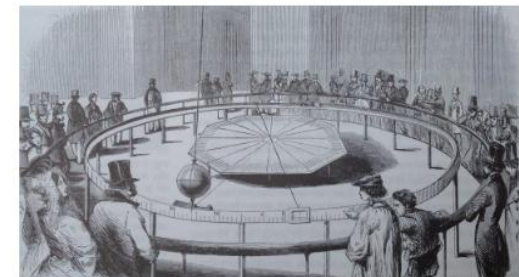


Illustration du pendule de Foucault au Panthéon à Paris.

A disposition aussi un Polycopié

Organisation des exercices

- Horaire des séances exercices
 - **mardi de 10h15 à 12h00**, salles CM1100, CM1104, CM1106, CO-015, CO-016, CO-017, AAC-137, INM-11 (inscription sur le site Moodle)
 - **jeudi de 13:15 à 14:00**, salle CE1 1 → discussions sur thèmes du cours, exemples de résolution de problèmes et quiz (<https://participant.turningtechnologies.eu/en/join>)
 - **mardi (17:30-19:00 en GC A3 31) et jeudi (18-19:30 en CO 122)** → révisions organisées par le CePro (dès la 4^{ème} semaine)
salles et horaires à confirmer
- Chaque semaine:
 - *Une série d'exercices à difficulté croissante* pour apprendre à utiliser progressivement les notions apprises pendant le cours
 - *Les problèmes plus avancés sont représentatifs* du niveau attendu dans ce cours
 - Il y a toujours 1-2 problèmes supplémentaires avancés à aborder par vous-même (pas de stress si vous ne terminez tous les exercices pendant les 2 heures du mardi)
- Énoncés et corrigés des exercices
 - l'énoncé est disponibles sur le site Moodle le vendredi précédant la séance
 - le corrigé est disponibles sur le site Moodle le mardi en fin de journée

Exercices et séances d'exercices

- Vous permettent de
 - mettre en pratique les notions vues au cours
 - **vous entraîner à la résolution de problèmes (objectif principal)**
 - évaluer votre niveau de compréhension des notions abordées
 - vous faire une idée des aptitudes requises à l'examen
 - poser des questions, échanger, réfléchir
 - recevoir (ou donner!) aide, motivation et encouragement
- Soyez réguliers dans l'effort
 - **n'attendez pas pour commencer à travailler!**
- Soyez vigilants face aux difficultés rencontrées
 - **réagissez rapidement si vous « décrochez »**
→ parler-en avec votre assistant(e), ou l'enseignant

Tests, épreuve et note de branche

- 1 test format exam après la pause de mi- semestre (probablement le 12 ou le 13 Novembre)
 - **Il correspond environ à 2/3 de l'examen**
 - **Pas de note reçue pour le test**
- Examen:
 - Aucune épreuve facultative (au sens de l'article 3 de l'ordonnance fédérale sur le contrôle des études)
 - Epreuve obligatoire en session d'examens sous la forme d'un examen écrit
 - **date décidée par le SAC, entre le 12.1.2026 et 31.1.2026 (probable le 16.1.2026)**
 - **Durée de 3h30**
 - **20-30% en format QCM + exercices rédigés**
 - Règle et consigne sont données sur le site MOODLE:
 - Travail individuel en silence, totalement dédié, sans interaction avec une autre personne
 - Matériel autorisé: papier vierge, stylos, crayons, gomme, règle, taille-crayon
 - formulaire personnel manuscrit sur 1 feuille A4 recto simple
 - **La note obtenue à l'examen, arrêtée au quart de point, sera la note finale de Physique Générale : mécanique**

Première partie:

Lois de Newton et balistique

Notions abordées :

- 1.1 point matériel
- 1.2 référentiels et repères
- 1.3 les lois de Newton
- 1.4 la balistique

Buts:

- se familiariser avec les notions de référentiel, repère, et les lois de Newton
- comprendre comment une loi du mouvement ($\vec{F} = m\vec{a}$) et la donnée de conditions initiales permettent de prédire la position et la vitesse d'un point matériel en tout temps
- se familiariser avec les notions de dérivée et d'équation différentielle

1.1 Le modèle du « point matériel »

Point matériel: un système est assimilé à un point géométrique auquel on attribue toute la masse de ce système, et dont l'état est décrit en tout temps par une (seule) position et une (seule) vitesse

- Notion introduite par Isaac Newton (1642–1727):
corps → point matériel → ensemble de points matériels
- Modèle souvent suffisant pour décrire et prédire correctement le mouvement d'un corps:
 - Un point matériel peut être « gros » (exemple: la Terre, le Soleil, ...) mais il sera petit par rapport à l'espace dans le quel il se déplace (la galaxie)
 - Pas applicable dans toutes les situations; le modèle a des limites
 - exemple: boule de billard ou boule pendue à un fil court (les rotations du solides ne peuvent être négligées, et les variations de positions considérées sont petites par rapport aux dimensions de l'objet étudié)

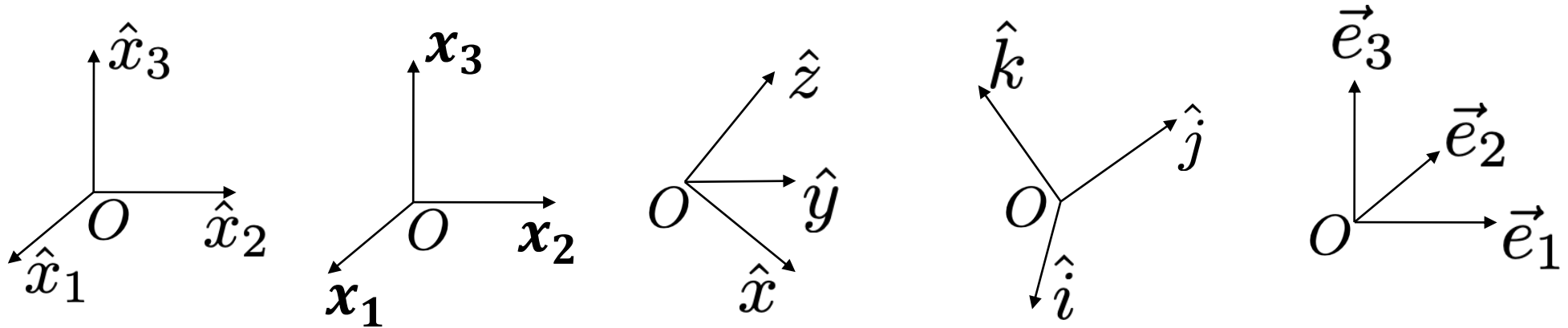
1.2 Référentiel

- **Définition: un ensemble de N points ($N \geq 4$), non coplanaires, immobiles les uns par rapport aux autres**
(et par extension tous les points immobiles par rapport à ces N points)
 - La description du mouvement d'un système se fait toujours par rapport à un référentiel
 - L'observateur et les appareils de mesure sont immobiles par rapport au référentiel (ils « font partie » du référentiel)
 - Le choix du référentiel est arbitraire
- Référentiel = Observateur
- Exemples:
 - Le laboratoire (référentiel terrestre)
 - Le centre de la Terre et trois étoiles fixes (référentiel de Ptolémée)
 - Le centre du Soleil et trois étoiles fixes (référentiel de Kepler)
 - Un bateau, une voiture, un avion en mouvement, etc...

1.2 Repère orthonormé

→ [démonstration repère orthonormé](#)

- **Repère orthonormé** = origine O (\in référentiel) et trois axes orthogonaux définis par des vecteurs de longueur unitaire (*vecteurs unitaires* ou *vecteurs de base*)



- Vecteurs unitaires :

$$|\hat{x}_1| = |\hat{x}_2| = |\hat{x}_3| = 1$$

- Vecteurs orthonormaux :

$$\hat{x}_1 \cdot \hat{x}_2 = \hat{x}_2 \cdot \hat{x}_3 = \hat{x}_3 \cdot \hat{x}_1 = 0$$

Base orthonormée :

$$\hat{x}_i \cdot \hat{x}_j = \delta_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si } i = j \\ 0 & \text{si } i \neq j \end{cases}$$

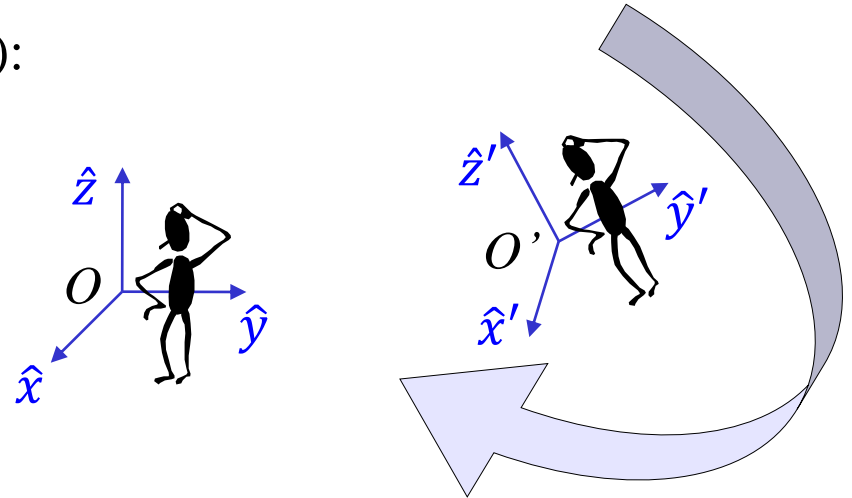
produit scalaire

symbole de Kronecker

1.2 Invariance par changement de référentiel

- Changement de référentiel (ou d'observateur):

- Référentiel $O'x'y'z'$ en mouvement par rapport au référentiel $Oxyz$



- Les lois de la physique sont-elles invariantes par rapport à n'importe quel changement de référentiel ?

- Autrement dit, si les observateurs O et O' font la même expérience, obtiendront-ils le même résultat ?

- Principe de Galilée (repris par Einstein):

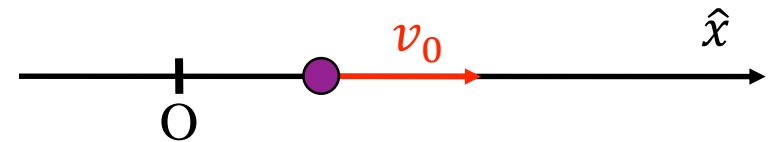
- **Les lois de la physique sont les mêmes (i.e. invariantes) pour deux observateurs en mouvement rectiligne uniforme (= sans accélération) l'un par rapport à l'autre**

→ [démonstration jet d'eau](#)

1.3 Mouvement rectiligne uniforme

- Mouvement d'un point matériel se déplaçant en ligne droite à vitesse constante
 - On définit un axe x associé à la trajectoire rectiligne, avec une origine O

$$v(t) \equiv \frac{dx(t)}{dt} = \dot{x}(t) = v_0 = \text{constante}$$



- La relation ci-dessus est une équation pour la fonction inconnue $x(t)$; c'est une équation différentielle, car elle fait intervenir la dérivée de $x(t)$
- Solution: $x(t) = v_0 t + x_0$, où $x_0 = \text{constante}$

équation horaire

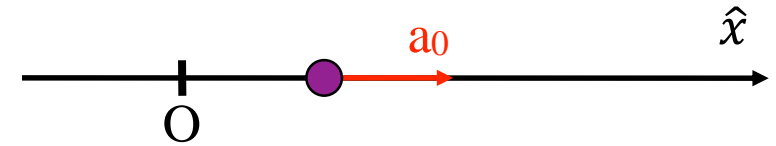
= paramétrisation de la trajectoire en fonction du temps t (t est le paramètre)

$x_0 = x(t = 0)$
= position initiale (à $t = 0$)

1.3 Mouvement rectiligne uniformément accéléré

- Mouvement d'un point matériel se déplaçant en ligne droite avec une accélération constante

$$a(t) \equiv \frac{d^2x(t)}{dt^2} = \ddot{x}(t) = a_0 = \text{constante}$$



- Equation différentielle d'ordre 2, faisant intervenir la dérivée seconde de la fonction inconnue $x(t)$
 - Solution:
$$x(t) = \frac{1}{2}a_0t^2 + v_0t + x_0, \quad \text{où } x_0 = x(t = 0) = \text{position initiale}$$
$$v(t) = \frac{dx}{dt} = a_0t + v_0, \quad \text{où } v_0 = v(t = 0) = \text{vitesse initiale}$$
- Cas particulier: $a_0 = 0 \rightarrow$ mouvement rectiligne uniforme

1.3 Mouvement d'un point matériel M

On décrit le mouvement du point M par rapport au repère $O\hat{x}\hat{y}\hat{z}$ en utilisant des coordonnées cartésiennes

Position:

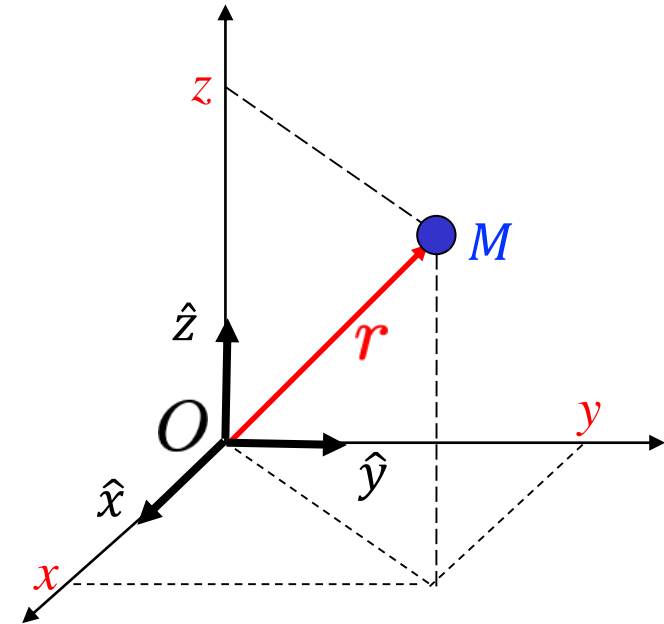
$$\vec{r}(t) = x(t) \hat{x} + y(t) \hat{y} + z(t) \hat{z}$$

Vitesse:

$$\begin{aligned} \vec{v}(t) &= \frac{d\vec{r}(t)}{dt} = \dot{\vec{r}}(t) \\ &= \frac{dx(t)}{dt} \hat{x} + x(t) \frac{d\hat{x}}{dt} + \frac{dy(t)}{dt} \hat{y} + y(t) \frac{d\hat{y}}{dt} + \frac{dz(t)}{dt} \hat{z} + z(t) \frac{d\hat{z}}{dt} \\ &= \frac{dx(t)}{dt} \hat{x} + \frac{dy(t)}{dt} \hat{y} + \frac{dz(t)}{dt} \hat{z} = v_x(t) \hat{x} + v_y(t) \hat{y} + v_z(t) \hat{z} \end{aligned}$$

Accélération:

$$\begin{aligned} \vec{a}(t) &= \frac{d\vec{v}(t)}{dt} = \dot{\vec{v}}(t) = \ddot{\vec{r}}(t) \\ &= \frac{d^2x(t)}{dt^2} \hat{x} + \frac{d^2y(t)}{dt^2} \hat{y} + \frac{d^2z(t)}{dt^2} \hat{z} = \frac{dv_x(t)}{dt} \hat{x} + \frac{dv_y(t)}{dt} \hat{y} + \frac{dv_z(t)}{dt} \hat{z} = a_x(t) \hat{x} + a_y(t) \hat{y} + a_z(t) \hat{z} \end{aligned}$$



$\frac{d\hat{x}}{dt} = \frac{d\hat{y}}{dt} = \frac{d\hat{z}}{dt} = 0$ car les vecteurs de base sont fixes

1.3 Galilée et la chute des corps

- Le mouvement « naturel » des corps est rectiligne uniforme (**principe d'inertie**); toute déviation est due à une force.
- La chute des corps (dans le vide et avec $v_0 = 0$) est un **mouvement rectiligne uniformément accéléré** sous l'effet de la force de pesanteur.
 - Prouvé expérimentalement par Galilée
- Galilée constate que la **période d'un pendule est indépendante de sa masse m**
→ force de pesanteur proportionnelle à m

Galileo Galilei (1564–1642)



IL DIVINO GALILEO GALILEI
PATRIZIO FIORINO
DI FERDINANDO II.
nato il dì XVIII Febb. MDLXIV.

GIUSEPPE GALILEI
FILOS. E MATEM.
G. D. DI TOSCANA.
morto il dì VIII Gen. MDCXLII.

Alla Profonda Dottrina, ed Universal' Erudizione dell' Ill. Sig.
Dottore Tommaso Bonelli Astronomo, e Matematico Celebre.
Rovoda un Quadro in Tela di Sisto Subtermansappol' Ill. Sig. Gio. Battista Belli.
Giuseppe Zocchi del.

1.3 Lois de Newton

« Philosophiae Naturalis
Principia Mathematica » (1687)

Sir Isaac Newton (1642–1727)



- **Lex prima (loi d'inertie):**

- « Tout corps persévère dans l'état de repos ou de mouvement uniforme en ligne droite à moins qu'une force n'agisse sur lui et ne le contraigne à changer d'état »

$$\text{mouvement rectiligne uniforme} (\vec{v} = cte) \Leftrightarrow \vec{F}_i = 0$$

- **Lex secunda:**

- « Les changements dans le mouvement d'un corps sont proportionnels à la force et se font dans la direction de la force »

$$\sum_i^N \vec{F}_i = \vec{F} = m\vec{a}$$

- **Lex tertia (action-réaction):**

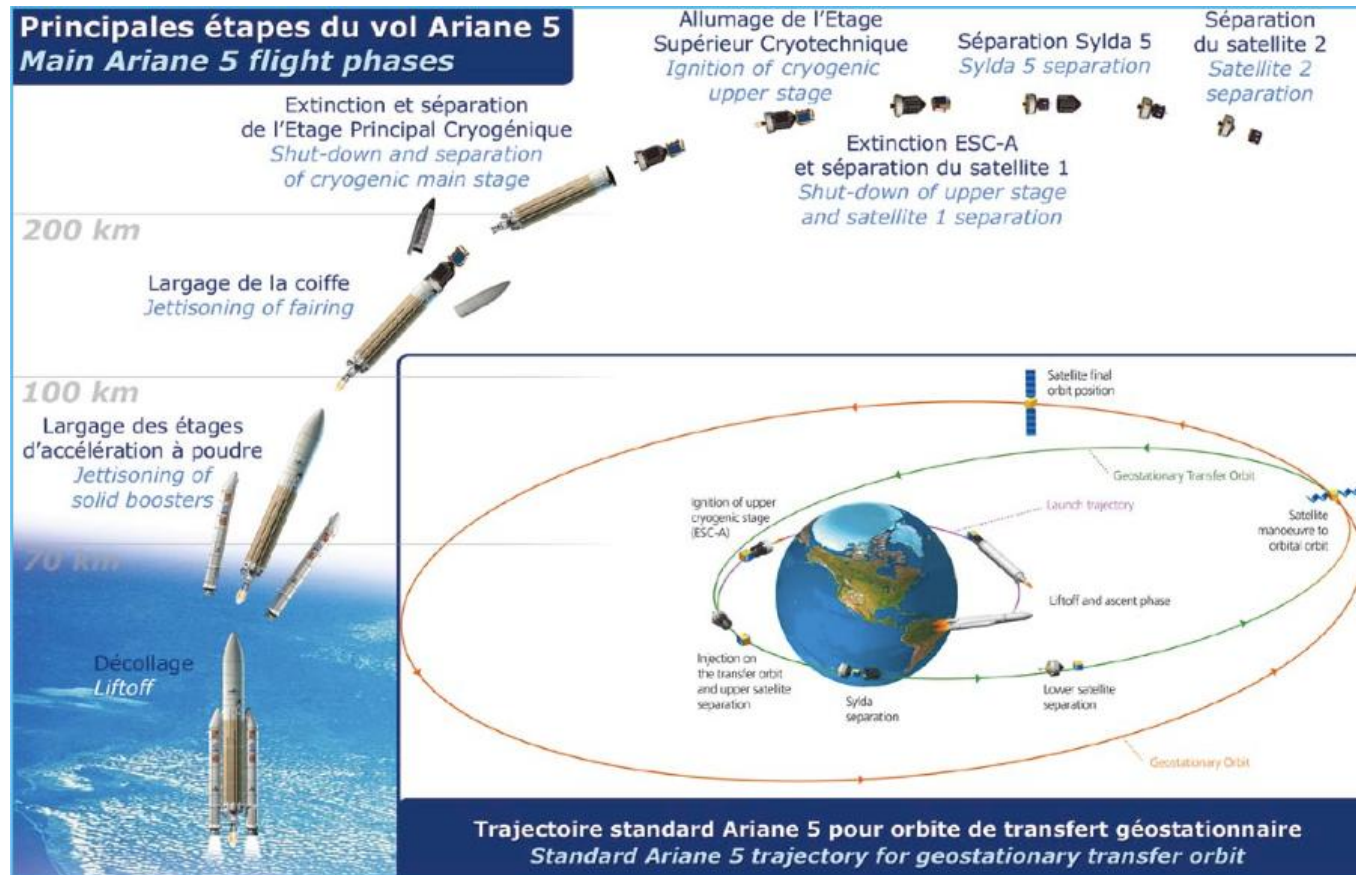
- « A chaque action, il y a toujours une réaction égale et opposée; si un corps exerce une force sur un autre, cet autre corps exerce une force égale et opposée sur le premier »

$$\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = -\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$$

1.4 Balistique

La partie de la mécanique qui a pour objet l'étude du mouvement d'un objet dans un champ de pesanteur (par ex. celui terrestre)

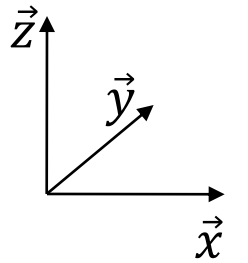
Ex.: lancement d'une fusée pour satellite



..... mais aussi: tous nos mouvements de la vie quotidienne

1.4 Force de pesanteur et chute des corps

→ démo « mesure de g »



- Modèle phénoménologique:
 - l'attraction terrestre donne lieu à une force verticale (appelée le poids) proportionnelle à la masse m :

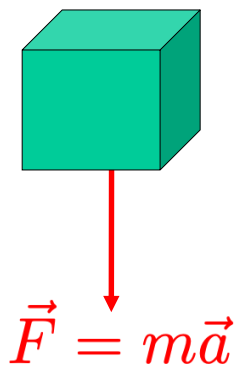
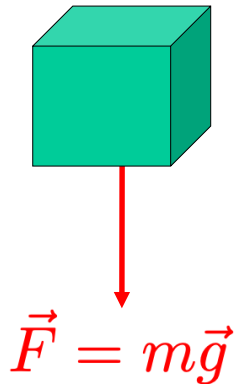
$$\vec{F} = -mg \vec{z}$$

facteur de proportionnalité:
 $g \simeq \text{constante} = 9.8 \text{ m/s}^2$

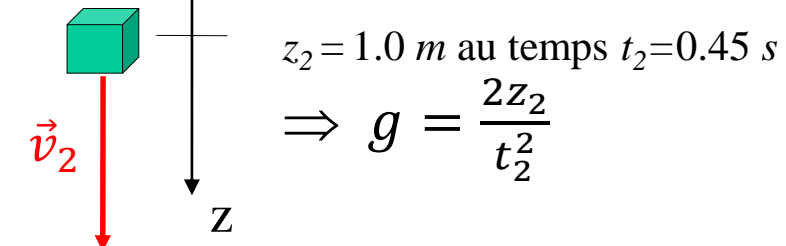
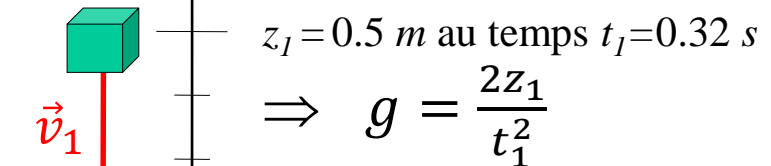
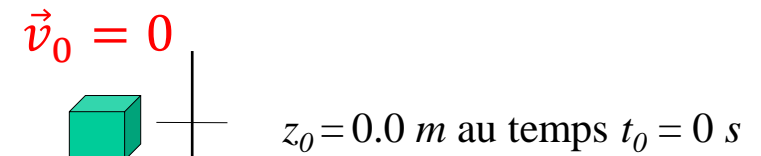
- Application de la 2^{ème} loi de Newton:
 - Si le poids est la seule force appliquée à un point matériel:

$$\vec{F} = ma \vec{z} \Rightarrow a \vec{z} = -g \vec{z} = \text{cte}$$

⇒ dans le vide les corps ont un mouvement uniformément accéléré d'accélération g



Mesure de g : $z(t) = \frac{1}{2}gt^2$



1.4 Décomposition du mouvement balistique

→ [démonstration](#) : deux boules,

<https://www.youtube.com/embed/wuljQiJTdTI>

- Le mouvement d'un corps en chute libre peut être vu comme la superposition de deux mouvements:
 - un mouvement rectiligne horizontal uniforme

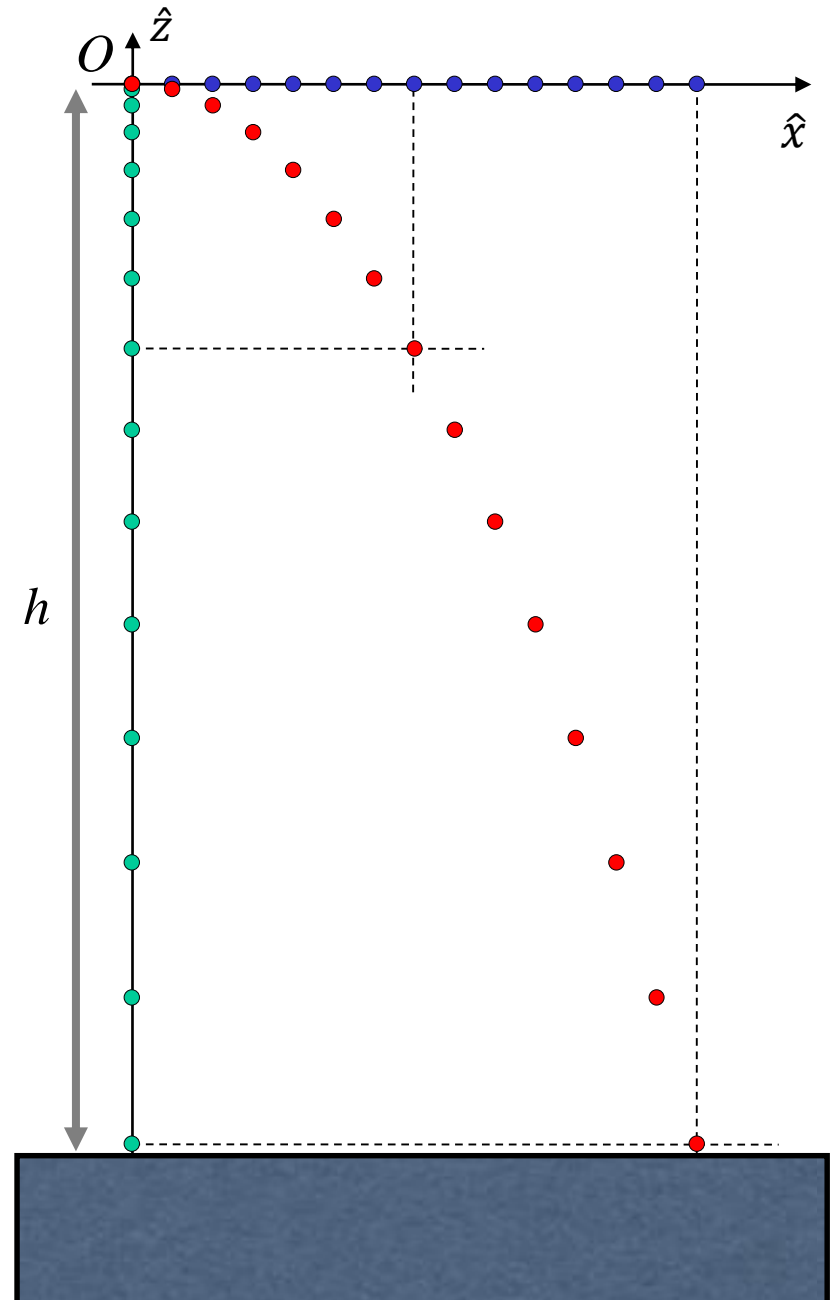
$$x(t) = v_{0x}t$$

- un mouvement rectiligne vertical uniformément accéléré

$$z(t) = -\frac{1}{2}gt^2$$

Indépendamment de la valeur de v_{0x} le temps de chute est donné par:

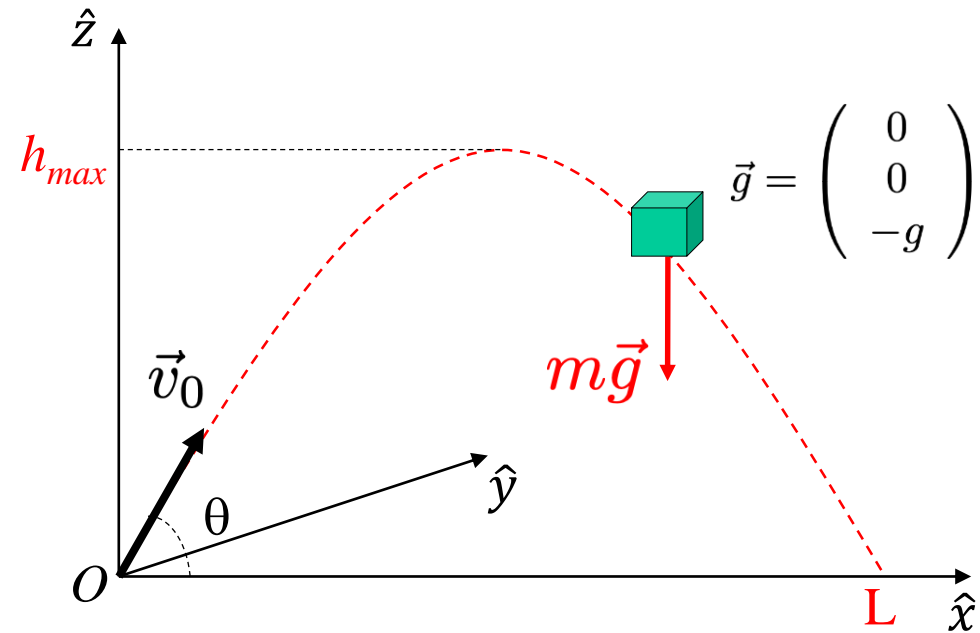
$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$



1.4 Objet lancé sous l'effet de la force de pesanteur

- On peut toujours choisir un repère $O\hat{x}\hat{y}\hat{z}$ (avec \hat{z} vertical) tel quel les conditions initiales s'écrivent:

$$\vec{x}_0 = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{v}_0 = \begin{pmatrix} v_{0x} \\ v_{0y} \\ v_{0z} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_{0x} \\ 0 \\ v_{0z} \end{pmatrix}$$



- Application de la loi de Newton, $\vec{F} = m\vec{a}$, projetée sur les axes \hat{x} , \hat{y} , \hat{z} :

$$\begin{cases} m\ddot{x} = 0 & \Rightarrow x(t) = v_{0x}t + x_0 = v_{0x}t \\ m\ddot{y} = 0 & \Rightarrow y(t) = v_{0y}t + y_0 = 0 \\ m\ddot{z} = -mg & \Rightarrow z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{0z}t + z_0 = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{0z}t \end{cases}$$

- En éliminant t , on obtient l'équation d'une parabole dans le plan $\hat{x}\hat{z}$:

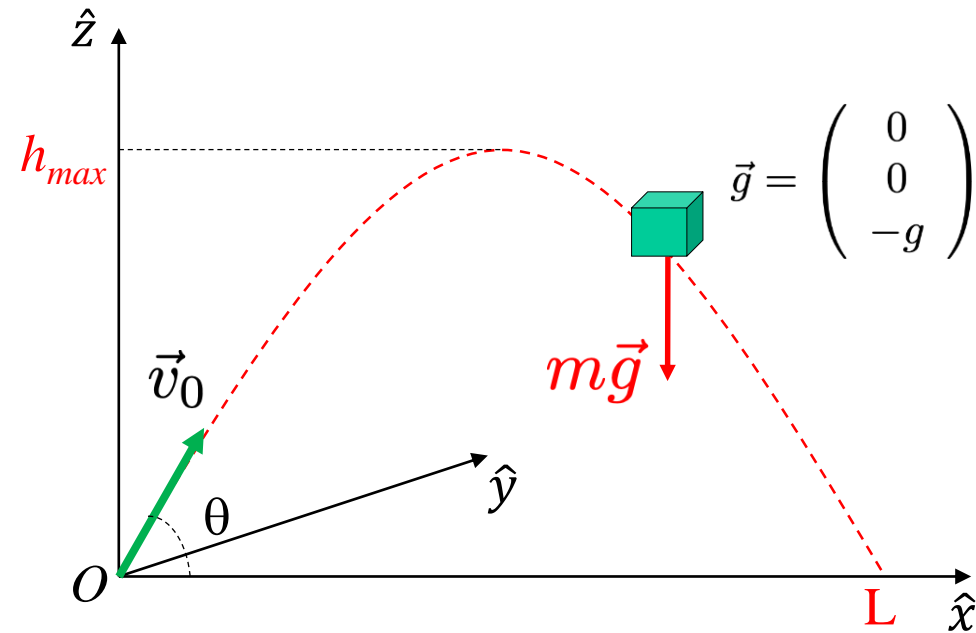
$$z = -\frac{1}{2}g \left(\frac{x}{v_{0x}} \right)^2 + v_{0z} \left(\frac{x}{v_{0x}} \right)$$

1.4 Objet lancé sous l'effet de la force de pesanteur

- La portée L est donnée par: $z = 0$

$$z = -\frac{1}{2}g \left(\frac{x}{v_0 \cos \theta} \right)^2 + v_0 \sin \theta \left(\frac{x}{v_0 \cos \theta} \right) = 0$$

$$L = \frac{2}{g} v_0^2 \cos \theta \sin \theta$$



- Temps de vol t_{vol} :

$$t_{vol} = \frac{L}{v_0 \cos \theta} = \frac{2}{g} v_0 \sin \theta$$

- Hauteur maximale h_{max} : $\dot{z}(t) = 0$ ou $x = \frac{L}{2} = \frac{v_0^2 \cos \theta \sin \theta}{g}$

$$z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \theta t \Rightarrow \dot{z} = -gt + v_0 \sin \theta = 0 \Rightarrow t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$$

$$h_{max} = -\frac{1}{2}g \left(\frac{v_0 \sin \theta}{g} \right)^2 + v_0 \sin \theta \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{(v_0 \sin \theta)^2}{2g}$$

1.4 Force de pesanteur et chute des corps

Mesure de g : $z(t) = \frac{1}{2}gt^2$

$$\vec{v}_0 = 0$$

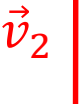


0.0 m = z_0 au temps $t_0 = 0$



0.5 m = z_1 au temps t_1

$$\Rightarrow g = \frac{2z_1}{t_1^2}$$



1.0 m = z_2 au temps t_2

$$\Rightarrow g = \frac{2z_2}{t_2^2}$$

z

Comment la vitesse \vec{v} varie avec le temps?

$$v(t) = \dot{z}(t) = gt$$

Comment la vitesse \vec{v} varie avec l'hauteur de chute?

$$v(t) = gt$$

$$t = \sqrt{\frac{2z}{g}}$$

$$\Rightarrow v(t) = \sqrt{2zg}$$

La vitesse croit avec l'hauteur,
en principe sans limite, et ne dépend pas de la masse

Contraire à ce que on constate dans la vie quotidienne !!

→ démo : Tube de Newton

<https://auditoires-physique.epfl.ch/experiment/9>

1.4 Balistique avec frottement dans l'air

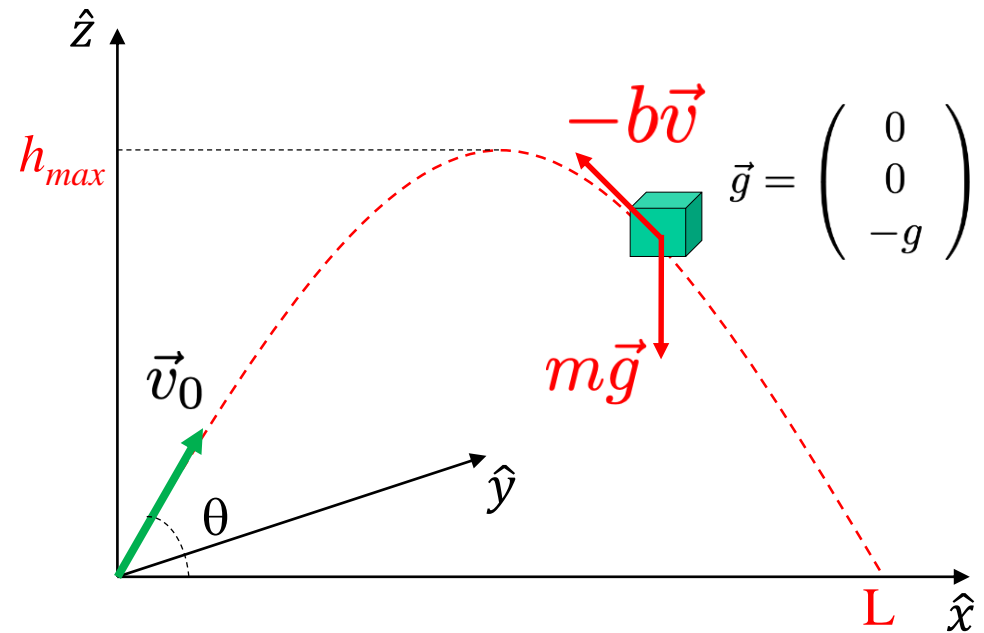
- Notre modèle balistique avec $F = mg$ comme seul force est trop simple?
 - $v_z(t)$ ne croît pas à l'infini !

- **Modèle plus réaliste:**

- On tient compte de la résistance de l'air

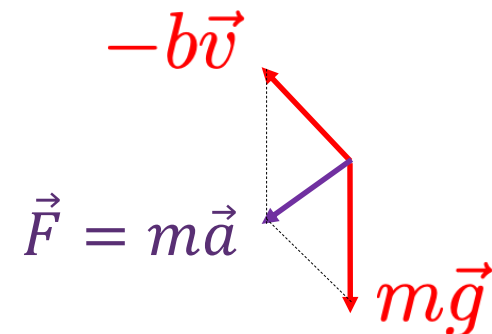
- Force de frottement opposée

à la vitesse: $\vec{F}_{frot} = -b\vec{v}$, $b = \text{constante}$



- **Attention:**

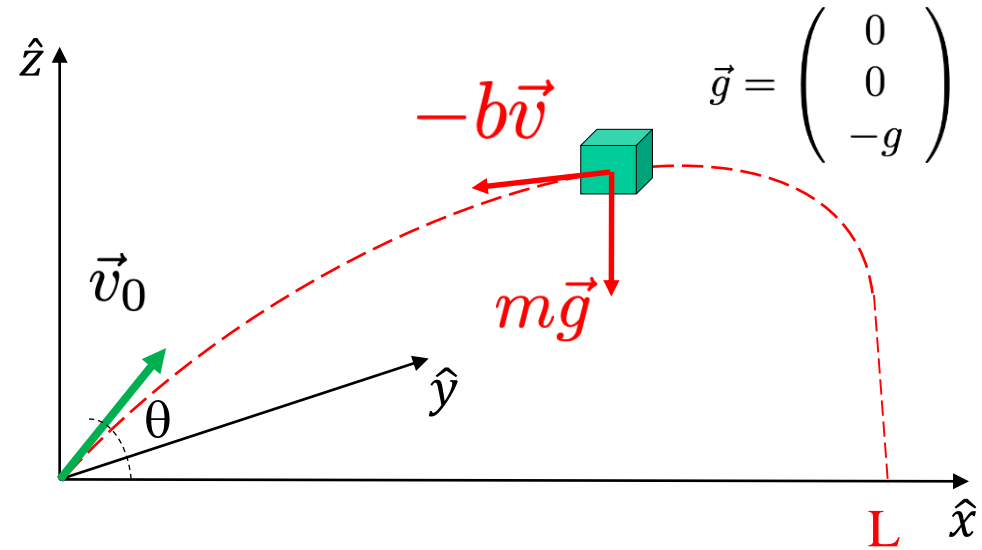
- Les forces s'additionnent comme des vecteurs
- La 2ème loi de Newton s'applique en utilisant la somme vectorielle des forces



1.4 Balistique avec frottement dans l'air

- On peut toujours choisir un référentiel $O\hat{x}\hat{y}\hat{z}$ (avec \hat{z} vertical) tel que les conditions initiales s'écrivent:

$$\vec{x}_0 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{v}_0 = \begin{pmatrix} v_{0x} \\ 0 \\ v_{0z} \end{pmatrix}$$



- Application de la loi de Newton dans chacune des directions x, y, z :

$$\begin{cases} m\ddot{x} = -b\dot{x} & \Rightarrow x(t) = v_{0x}\tau (1 - e^{-t/\tau}) \\ m\ddot{y} = -by & \Rightarrow y(t) = 0 \\ m\ddot{z} = -b\dot{z} - mg & \Rightarrow z(t) = -g\tau t + (v_{0z} + g\tau)\tau (1 - e^{-t/\tau}) \end{cases} \quad \text{avec } \tau = \frac{m}{b}$$

- Vitesse limite de chute ($t \gg \tau$): $\dot{z}(t) = -g\tau + (v_{0z} + g\tau)e^{-t/\tau} \Rightarrow \dot{z}(t) \cong -g\tau = -g\frac{m}{b}$
- Portée limite ($t \gg \tau$): $L = v_{0x}\tau = v_{0x}\frac{m}{b}$